

العنوان:	أبحاث متقدمة حديثة في الاحصاء : نحو الشجرة الاسلامية للتوزيعات الاحتمالية المتصلة - التوزيع الاحتمالي للنمو السكاني
المصدر:	مجلة المال والتجارة
الناشر:	نادي التجارة
المؤلف الرئيسي:	إبراهيم، سميح أحمد محمود
المجلد/العدد:	ع 396
محكمة:	لا
التاريخ الميلادي:	2002
الشهر:	أبريل
الصفحات:	18 - 26
رقم MD:	88640
نوع المحتوى:	بحوث ومقالات
قواعد المعلومات:	EcoLink
مواضيع:	الاحصاء اللوغاريتمي، نظرية الاحتمالات ، الاحصاء، الشجرة الاسلامية، النمو السكاني، الاحصاء الاسي، الاساليب الاحصائية
رابط:	<a href="http://search.mandumah.com/Record/88640">http://search.mandumah.com/Record/88640</a>

## أبحاث متقدمة حديثة

## فى الإحصاء

## ■ نحو الشجرة الإسلامية للتوزيعات الاحتمالية المتصلة

## ■ التوزيع الاحتمالى للنمو السكانى

إعداد

د. / سميح أحمد محمود إبراهيم

كلية التربية - جامعة أم القرى. مكة المكرمة

## تقديم:

يتسم التقدم العلمى فى مجال العلوم المختلفة بالسير قدماً فى منهجين هامين هما تطوير العلوم التقليدية والتوجيه الإسلامى لهذه العلوم . وتأسيساً على ذلك تناولت هذه الدراسة هذين المنهجين فى مجال العلوم الإحصائية .

وتطرقت الدراسة فى هذا المجال للأبحاث الأربعة التالية :  
أ - نحو الشجرة الإسلامية للتوزيعات الاحتمالية المتصلة .

ب - التوزيع الاحتمالى للنمو السكانى

ج - الأحصاء الأسى .

د - الاحصاء المعاصر

واللوغاريتمى والأسى والإسلامى ( دراسة مقارنة )

ويناقد البحث الأول قضية

التأصيل العلمى فى مجال

التوجيه الإسلامى للعلوم

الإحصائية ، ويتطرق البحث

الثانى لدراسة القضية السكانى

من منظور الإحصاء الرياضى . ويقدم البحث الثالث إسهامات جديدة فى علم الإحصاء تتمثل فى الإحصاء الأسى ، ويتناول البحث الرابع فى دراسة مقارنة كلاً من الإحصاء المعاصر واللوغاريتمى والأسى والإسلامى ويعتبر هذا البحث إمتداداً للبحث الأول نحو التأصيل العلمى فى مجال التوجيه الإسلامى للعلوم الإحصائية :

وعلى الله قصد السبيل

وحسبنا الله ونعم الوكيل

والله ولى التوفيق

### نحو الشجرة

### الإسلامية للتوزيعات

### الاحتمالية المتصلة

#### ملخص:

يتناول البحث دراسة بناء

منهج عام لاشتقاق التوزيعات الاحتمالية المتصلة .

ويناقد البحث فكرة اشتقاق كافة التوزيعات الاحتمالية المتصلة من توزيع احتمالى معين .

ويقترح البحث إمكانية اعتبار التوزيع المعتاد كمصدر للتوزيعات الاحتمالية المتصلة من منظور الإحصاء الإسلامى .

ويتطرق البحث إلى اشتقاق بعض التوزيعات الاحتمالية المتصلة من التوزيع الطبيعى كلبنة فى بناء الشجرة الإسلامية للتوزيعات الاحتمالية المتصلة .

#### مقدمة :

من المعلوم أنه لا يوجد منهج عام لاشتقاق التوزيعات الاحتمالية المتصلة إذ تختلف طرق اشتقاق التوزيعات

الاحتمالية المختلفة عن بعضها البعض .

ويتأتى بناء منهج عام لاشتقاق التوزيعات الاحتمالية المتصلة بدراسة إمكانية اشتقاق هذه التوزيعات من توزيع احتمالى متصل معين .

ويعين الاحصاء الإسلامى التوزيع الطبيعى ممثلاً لهذا التوزيع عملاً بقوله تعالى ( والأرض مددناها وألقينا فيها رواسى وأنبتنا فيها من كل شئ موزون ) ( سورة الحجر - الآية 9 ) وغنى عن البيان أن تفسير هذه الآية القرآنية الكريمة يتضمن قيام الأشياء على خاصية التوازن .

وعلى هذا الأساس فإنه يمكن القول إن التوزيع المعتاد ( الطبيعى ) الذى يقوم على خاصية التوازن يعتبر أصل التوزيعات الاحتمالية المتصلة ويكون من المناسب استخدام التوزيع الطبيعى فى اشتقاق كافة التوزيعات الاحتمالية المتصلة كخطوة هامة على طريق تأصيل العلوم الإحصائية .

### النموذج :

من المعلوم أن دالة كثافة احتمال التوزيع الطبيعى للمتغيرس الذى توقعه لـ  $\mu$  وتباين  $\sigma^2$  على النحو التالى :

$$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

$$D(s) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(s-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

$$-\infty < s < \infty$$

وفى الحقيقة فإنه يمكن كتابة الصورة العامة لهذا التوزيع على النحو التالى :

$$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

$$D(s) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(s-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

$$-\infty < s < \infty$$

ويمكن الحصول على كافة التوزيعات الاحتمالية المتصلة من الصورة العامة للتوزيع الطبيعى بتغيير قيم (ن) فى المدى (  $-\infty < s < \infty$  ) .

ونظراً لاعتبارات سهولة الخطوات الرياضية فإنه يمكن اعتبار الصورة العامة للتوزيع المعتاد القياسى التى تعطى على النحو التالى :

$$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

$$D(s) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(s-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

$$-\infty < s < \infty$$

وفى ضوء ما سبق فإنه يمكن القول بإمكانية اشتقاق كافة التوزيعات الاحتمالية بتغيير

قيمة (ن) فى المدى

$$(-\infty < s < \infty)$$

الصورة العامة للتوزيع المعتاد القياسى .

### التوزيع المنتظم :

بوضع تساوى الصفر وجعل

س تتغير فى المدى (  $a \leq s \leq b$  ) ينتج أن :

$$f(x) = \frac{1}{b-a}$$

$$D(s) = \frac{1}{b-a} e^{-\frac{(s-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

$$f(x) = \frac{1}{b-a}$$

$$a \leq s \leq b$$

ولكى تكون الدالة د (س) دالة كثافة احتمال فإنه يجب أن يكون تكاملها فى المدى (  $a \leq s \leq b$  ) مساوياً للواحد الصحيح - أى أن :

$$\int_a^b f(x) dx = 1$$

حيث ك مقدار ثابت

$$\int_a^b \frac{1}{b-a} dx = 1$$

$$\frac{1}{b-a} = k$$

$$D(s) = \frac{1}{b-a} e^{-\frac{(s-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

$$a \leq s \leq b$$

وهى دالة كثافة احتمال التوزيع المنتظم

**التوزيع المنتظم**

**فى صورته الخاصة:**

بوضع تساوى الصفر وجعل  
س تتغير فى المدى (  $1 \geq s \geq 0$  )  
فإنه ينتج أن :

$$- \frac{1}{2} = (س) د = \frac{1}{\sqrt{2ط ه}}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{2ط ه}}$$

$$0 \leq s \leq 1$$

ولكى تكون الدالة د (س) دالة  
كثافة احتمال فإنه يجب أن يكون  
تكاملها فى المدى (  $1 \geq s \geq 0$  )  
مساوياً للواحد الصحيح .

أى أن :

$$\int_0^1 د (س) د = 1$$

حيث ك مقدار ثابت .

$$1 = \int_0^1 ك د = ك \int_0^1 د = ك \left[ \frac{1}{2} \sqrt{2ط ه} \right]_0^1$$

$$1 = ك \left[ \frac{1}{2} \sqrt{2ط ه} \right]_0^1$$

$$1 = د (س) د$$

$$0 \leq s \leq 1$$

وهى دالة كثافة احتمال التوزيع  
المنتظم فى صورته الخاصة .

**التوزيع المنتظم**

**المتماثل:**

بوضع ن تساوى الصفر وجعل س  
تتغير فى المدى (  $1 - أ \geq س \geq 1$  )  
فإنه ينتج أن :

$$- \frac{1}{2} = (س) د = \frac{1}{\sqrt{2ط ه}}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{2ط ه}}$$

$$1 - أ \leq س \leq 1$$

.. ك } د (س) د = 1  
حيث ك مقدار ثابت .

$$\int_{1-أ}^1 د (س) د = 1$$

$$1 = \int_{1-أ}^1 ك د = ك \int_{1-أ}^1 د = ك \left[ \frac{1}{2} \sqrt{2ط ه} \right]_{1-أ}^1$$

$$1 = د (س) د = \frac{1}{12}$$

$$1 - أ \leq س \leq 1$$

وهى دالة كثافة احتمال التوزيع  
المنتظم المتماثل .

**التوزيع المنتظم**

**وحيد القيمة:**

بوضع تساوى الصفر س = ج  
حيث ج مقدار ثابت ينتج أن :

$$- \frac{1}{2} = (س) د = \frac{1}{\sqrt{2ط ه}}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{2ط ه}}$$

$$0 \leq س \leq ج$$

ك } د (س) د = 1  
حيث ك مقدار ثابت .

$$\int_0^ج د (س) د = 1$$

$$1 = \int_0^ج ك د = ك \int_0^ج د = ك \left[ \frac{1}{2} \sqrt{2ط ه} \right]_0^ج$$

$$1 = د (س) د = \frac{1}{ج}$$

$$0 \leq س \leq ج$$

وهى دالة كثافة احتمال التوزيع  
المنتظم وحيد القيمة .

## المراجع

## أولاً : مراجع عربية

- ١ - د. سميح أحمد محمود إبراهيم ( مبادئ الإحصاء المعاصر والإسلامى ) كلية التجارة . جامعة الزقازيق . ١٩٩٠ م .
- ٢ - حسن السيد حسن الشيخ ( بحوث متقدمة حديثة فى الإحصاء ) المكتبة المركزية جامعة أم القرى . مكة المكرمة . ١٩٩٦ م .

## ثانياً : مراجع أجنبية .

- 1 - Hassan El - Sayed Hassan El - Shaikh " Up To Date Researches in Economics and Statistics " Central Library. Om - El Qura University - Makkah AL-Mukarramah . 1996.

والله ولى التوفيق

التوزيعات الاحتمالية المختلفة بتغيير قيمة (ن) فى الصورة العامة لدالة كثافة احتمال التوزيع المعتاد القياسى .

## النتائج:

تناول البحث بالدراسة والتحليل بناء منهج عام لاشتقاق التوزيعات الاحتمالية المتصلة .

وناقش البحث إمكانية اشتقاق هذه التوزيعات من التوزيع الطبيعي كخطوة هامة على طريق التوجيه الإسلامى للعلوم الإحصائية .

وتطرق البحث إلى تطبيق هذا المنهج باشتقاق بعض التوزيعات الاحتمالية كالتوزيعات المنتظمة والتوزيع الأسى .

واعتمد البحث فى تطبيق هذا المنهج على التوزيع المعتاد القياسى تسهيلاً للخطوات الرياضية .

وفى الحقيقة فإن هذا المنهج يؤدي إلى اشتقاق توزيعات احتمالية جديدة .

## التوزيع

## الأسى:

بوضع ن تساوى الواحد الصحيح وجعل المتغيرس يتغير فى المدى ( . > س > ) ينتج أن :

$$\frac{س}{٢} - \frac{١}{٢\sqrt{ط}} = (س) د$$

$$٥٥ \geq س \geq ٥٥$$

$$\frac{س}{١} - \frac{١}{٢\sqrt{ط}} = (س) د$$

حيث ك مقدار ثابت .

$$\frac{ط}{٢} = ك$$

$$\frac{س}{٢} - \frac{١}{٢} = (س) د$$

$$٥٥ \geq س \geq ٥٥$$

وهى دالة كثافة احتمال التوزيع الأسى الذى تكون دالة كثافة احتمال فى الصورة العامة على النحو التالى .

$$\frac{س}{ج} - \frac{١}{ج} = (س) د$$

حيث ج مقدار ثابت

$$٥٥ \geq س \geq ٥٥$$

وفى ضوء ما سبق فإنه يمكن القول بإمكانية اشتقاق مزيد من

## التوزيع الاحتمالى للنمو السكانى

اللهم صل على سيدنا محمد وعلى آله  
وصحبه وسلم

### ملخص:

يتناول البحث بالدراسة والتحليل بعض نماذج النمو السكانى ، ويناقد البحث التوزيعات الاحتمالية لمعدلات النمو فى هذه النماذج . ويتطرق البحث إلى دراسة بعض معالم هذه التوزيعات . ويتطرق البحث إلى اقتراح نموذج للنمو السكانى مع دراسة تطبيقية على بيانات مقترحة .

### مقدمة:

تواجه المشكلة الاقتصادية الغالبية العظمى من الدول النامية . ويعزى ذلك إلى مشكلة الانفجار السكانى التى تواجه هذه الدول - وفى الحقيقة فإن درجة هذا الانفجار تختلف من دولة لأخرى - ففى بعض الدول ينمو السكان طبقاً لنظام المتوالية العددية أو المتوالية الهندسية - وفى البعض الآخر يتبع نمو السكان نظام الفائدة البسيطة أو المركبة . هذا من ناحية ، ومن ناحية أخرى يسير النمو السكانى فى بعض الدول طبقاً لنظام الدالة الأسية . ويتناول البحث دراسة التوزيعات الاحتمالية لمعدل النمو السكانى طبقاً لهذه النظم بهدف إلقاء الضوء على معالم هذه التوزيعات .

### نظام المتوالية العددية:

فى هذه الحالة يفرض أن :

- أ = الحد الأول للمتوالية = عدد السكان فى بداية فترة الدراسة
- س = عدد حدود المتوالية = عدد سنوات فترة الدراسة
- ع = أساس المتوالية = معدل النمو السنوى السكانى
- ل = الحد الأخير للمتوالية = عدد السكان فى نهاية فترة الدراسة
- ف = مقدار الزيادة الطبيعية للسكان فى فترة الدراسة

$$ل = أ + (س - ١)ع$$

$$ف = (س - ١)ع$$

$$ع = \frac{ف}{س - ١}$$

ويوضع الدالة د (ع) = ع فى المدى  $٠ \leq ع \leq ج$   
فإن د (ع) تكون دالة كثافة احتمال تحت الشرط التالى :

$$د(ع) = \frac{ج - ع}{ج} \cdot \frac{ع}{ج}$$

حيث ك مقدار ثابت

$$١ = ع \cdot \frac{ج - ع}{ج} \cdot \frac{ع}{ج}$$

$$ك = \frac{٢}{ج}$$

$$د(ع) = \frac{ع^٢}{ج}$$

$٠ \leq ع \leq ج$

ويمكن كتابة توقع المتغير ع فى هذه الحالة ت (ع) على النحو التالى :

$$ت(ع) = \frac{٢}{٣}$$

### نظام المتوالية الهندسية:

فى هذه الحالة :

$$ل = أ \cdot ع^س$$

$$ف = أ(ع - ١)$$

$$\frac{ف}{س} = أ \cdot ع$$

$$د(ع) = أ \cdot ع^س$$

$$ك = \frac{ج - أ}{ج - أ} \cdot \frac{أ}{ج}$$

$$ك = \frac{س}{أ ج س} = \frac{س}{س} = 1$$

$$د (ع) = \frac{س - 1}{س} = \frac{س}{س} - \frac{1}{س} = 1 - \frac{1}{س}$$

$$ج \geq ع \geq 0$$

$$س ج (لوج - \frac{1}{س+1}) = (ع) ت$$

$$(س + 1) (لوج - \frac{1}{س})$$

نظام الفائدة البسيطة:

في هذه الحالة :

أ = المبلغ المستثمر = عدد السكان في بداية فترة الدراسة

س = مدة الاستثمار بالسنوات

= فترة دراسة النمو السكاني بالسنوات .

ف = مقدار الفائدة البسيطة

= مقدار الزيادة الطبيعية في السكان .

وفي الحقيقة فإنه في ضوء التعريفات السابقة

يتضح أن :

$$ف = أ ع س$$

$$ع = \frac{ف}{أ س}$$

$$د (ع) = أ ع$$

$$ك = \frac{س}{س} = 1$$

$$ك = \frac{س}{س} = 1$$

$$ك = \frac{2}{أ ج 2}$$

$$د (ع) = \frac{ع 2}{ج 2}$$

$$ج \geq ع \geq 0$$

$$ت (ع) = \frac{2}{ج 2} = \frac{2}{ج 2} = \frac{2}{ج 2}$$

$$= \frac{2}{3}$$

ويمكن التوصل إلى هذه النتيجة إذا أخذنا في الاعتبار تعريف معدل الفائدة البسيطة بأنه مقدار العائد الذي تحققه وحدة رأس المال في وحدة الزمن

- أي أن :

$$ف = ع$$

$$د (ع) = ع$$

$$ك = \frac{س}{س} = 1$$

$$ك = \frac{2}{ج 2}$$

$$د (ع) = \frac{ع 2}{ج 2}$$

$$ج \geq ع \geq 0$$

$$ت (ع) = \frac{2}{ج 3}$$

$$ت (ع) = \frac{2}{ج 3} = \frac{2}{ج 3} = \frac{2}{ج 3}$$

$$= \frac{2}{3}$$

$$تباين (ع) = \frac{2}{3} - \frac{2}{3} = \frac{2}{3} - \frac{2}{3} = \frac{2}{3}$$

**نظام الفائدة المركبة:**

من المعلوم أن:

$$ف = أ [ 1 - (ع + 1)^س ]$$

$$\frac{ف}{عس} = \frac{أ لو (ع + 1) هـ}{س لو (ع + 1)}$$

$$د (ع) = أ (ع + 1) س لو (ع + 1)$$

$$ك \int \frac{أ (ع + 1) س لو (ع + 1) ع = 1}{(1 + س)}$$

$$ك = \frac{1}{(1 + س)}$$

$$أ [ (ع + 1) س لو (ع + 1) - \frac{1}{(1 + س)} ] + \frac{1}{(1 + س)}$$

$$د (ع) = \frac{(1 + س) (ع + 1) س لو (ع + 1)}{[ (ع + 1) س لو (ع + 1) - \frac{1}{(1 + س)} ] + \frac{1}{(1 + س)}}$$

$$ع \geq ج$$

**نظام الدالة الأسية:**

فى هذه الحالة يتضح أن:

أ = عدد السكان فى بداية فترة الدراسة

س = عدد سنوات الدراسة

ع = المعدل السنوى للنمو السكانى .

ل = عدد السكان فى نهاية فترة الدراسة

$$ل = أ هـ^{ع س}$$

$$ف = أ \rightarrow (هـ - 1)^ع س$$

$$\frac{ف}{عس} = \frac{أ هـ ع س}{عس}$$

$$د (ع) = أ هـ ع س$$

$$ك \int \frac{أ هـ ع س = 1}{(ع + 1)}$$

$$ك \int \frac{أ هـ ع س = 1}{(ع + 1)}$$

$$ك = \frac{1}{(هـ - 1)}$$

$$د (ع) = \frac{س \rightarrow هـ س ع}{(هـ - 1)}$$

$$س \geq ج$$

$$ت (ع) = \frac{[ \frac{1}{س} + (ج - \frac{1}{س}) ]}{(هـ - 1)}$$

**نظام ثبات معدل النمو السكانى:**

يتناول البحث فى هذا المجال بالدراسة والتحليل

نموذجاً مقترحاً فى حالة ثبات معدل النمو السكانى

- وفى هذه الحالة فإن:

$$\frac{ف}{عس} = ث (عدد ثابت)$$

$$د (ع) = ث$$

$$ك \int \frac{ث = 1}{(ع + 1)}$$



**نظام الفائدة البسيطة :**

في هذه الحالة ينتج أن :

د (ع) = ٠.٨ ر.ع

٥ ≥ ع ≥ ٠

ت (ع) =  $\frac{١}{٣} \times ٣$  %

**نظام الدالة المركبة :**

في هذه الحالة ينتج أن :

د (ع) = ٠.٠٠٠٠٠٠٠٤ ر. (ع+١) (ع+١)

٥ ≥ ع ≥ ٠

**نظام الدالة الرأسية :**

في هذه الحالة يتضح أن :

د (ع) =  $\frac{١٠ هـ - ١٠ ع}{٥٠ - ١}$

٥ ≥ ع ≥ ٠

ت (ع) = ٤.٩ %

**نظام ثبات معدل النمو السكاني :**

في هذه الحالة ينتج أن :

د (ع) = ٠.٢

٥ ≥ ع ≥ ٠

ت (ع) = ٠.٢٥ ر.

ك =  $\frac{١}{٥}$

د (ع) =  $\frac{١}{ج}$

٥ ≥ ع ≥ ٠

وهي دالة كثافة احتمال التوزيع المنتظم .

ت (ع) =  $\frac{١}{ج} \int_{٤٤٤}^{ج}$

=  $\frac{ج}{٢}$

**دراسة تطبيقية على بيانات مقترحة :**

بفرض أن س تساوي عشر سنوات وأن ج تساوي خمسة فإنه يمكن تحديد التوزيعات الاحتمالية السابقة ومعالمها على النحو التالي :

**نظام المتوالية العددية :**

في هذه الحالة يتضح أن :

د (ع) = ٠.٨ ر.ع

٥ ≥ ع ≥ ٠

ت (ع) =  $\frac{١}{٣} \times ٣$  %

**نظام المتوالية الهندسية :**

في هذه الحالة نجد أن :

د (ع) = ٠.٠٠٠٠٠٠٠١ ر.ع أنواع

٥ ≥ ع ≥ ٠

ت (ع) = ٤.٦ %

## المراجع

## أولاً : المراجع العربية

- ١ - د. أحمد عبادة سرحان " مقدمة فى طرق التحليل الإحصائى - القاهرة - ١٩٧٢ م .
- ٢ - حسن السيد حسن الشيخ " بحوث متقدمة حديثة فى الإحصاء " - المكتبة المركزية - جامعة أم القرى - مكة المكرمة - ١٩٩٦ م .
- ٣ - د. سميح أحمد محمود إبراهيم " مبادئ الإحصاء المعاصر والإسلامى " كلية التجارة - جامعة الزقازيق - ١٩٩٠ م .
- ٤ - د. سميح أحمد محمود إبراهيم " الرياضة المالية فى المصارف الربوية والإسلامية " كلية التجارة - جامعة الزقازيق - ١٩٩٠ م .
- ٥ - د. سميح أحمد محمود إبراهيم " تطبيقات فى الإحصاء التربوى " كلية التربية - جامعة أم القرى - مكة المكرمة - ١٩٩٤ م .

## ثانياً : المراجع الأجنبية .

- 1 - Hassan El - Sayed Hassan  
El - Sheikh " Up To Date Researches  
in Economics and Statistics "  
Central Library. Om - Al Qura  
University - Makkah  
AL-Mukarramah .  
1996.

## النتيجة :

ناقش البحث اشتقاق التوزيعات الاحتمالية لبعض نماذج النمو السكانى مثل نماذج المتواليات العددية والهندسية والفائدة البسيطة والفائدة المركبة والدادلة الرأسية .

وتناول البحث تقديم نموذج مقترح للنمو السكانى وتناول البحث دراسة معالم هذه التوزيعات مع التطرق إلى دراسة تطبيقية على بيانات مقترحة .

والله ولى التوفيق ،،،

